



ສ່ວນທີ 1

ຕອນທີ 1 - ຕອນທີ 10

1. ເຊຕ	1
1.1 ສັບເຊຕແລະເພາວີອຣ໌ເຊຕ	3
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 1.1	6
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 1.1	8
1.2 ຍູ້ເໝືອນ ອິນເຕොຣ໌ເຊກໜັ້ນ ຄອມພຶ້ມເນັດຂໍອງເຊຕແລະຈຳນວນສາມາຊີກຂອງເຊຕຈຳກັດ	13
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 1.2	16
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 1.2	19
2. ຕຽບຄວາມສັດຕິພິບ	27
2.1 ການຫາຄ່າຄວາມຈິງຂອງປະໂພນ	27
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.1	29
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.1	33
2.2 ຮູບແບບຂອງປະໂພນທີ່ສມມຸລກັນ	41
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.2	41
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.2	44
2.3 ສັຈນິວັນດີ	49
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.3	49
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.3	51
2.4 ການອ້າງເຫຼຸຜລ	57
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.4	58
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.4	61
2.5 ດ່າວະນາກົດຂອງປະໂພນທີ່ມີຕັ້ງປ່າງປະມານຕົວເລີຍແລະຕັ້ງປ່າງປະມານສອງຕົວ	68
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.5	70
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.5	72
2.6 ສມມຸລແລະນີເສອຂອງປະໂພນເປີດທີ່ມີຕັ້ງປ່າງປະມານ	78
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.6	78
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 2.6	80
3. ຮະບນຈຳນວນຈິງ	83
3.1 ສົມບັດທີ່ຂອງຮະບນຈຳນວນຈິງ	83
ແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 3.1	86
ເຂລຍແບບຕຽບສອບທບຖານຄວາມຮູ້ 3.1	98

3.2 การแก้สมการพหุนามตัวแปรเดียว	92
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.2	92
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.2	94
3.3 การแก้อสมการ	99
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.3	100
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.3	103
3.4 การแก้สมการและอสมการในรูปค่าสัมบูรณ์	111
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.4	112
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 3.4	114
4. ทฤษฎีจำนวนเบื้องต้น	120
4.1 การหารลงตัว	120
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.1	121
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.1	122
4.2 ขั้นตอนวิธีการหาร	126
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.2	127
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.2	128
4.3 ตัวหารร่วมมาก	131
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.3	131
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.3	133
4.4 ตัวคูณร่วมน้อย	136
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.4	136
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 4.4	138
5. เมทริกซ์ และตีเทอร์มิเนนต์	142
5.1 เมทริกซ์ และสมบัติของการบวก การคูณ	142
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.1	144
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.1	148
5.2 ตีเทอร์มิเนนต์และสมบัติของตีเทอร์มิเนนต์	155
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.2	158
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.2	161
5.3 การหาตัวผกผันการคูณของเมทริกซ์ โดยใช้เมทริกซ์ผกผัน และการดำเนินการตามมากๆ	167
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.3	168
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.3	171
5.4 การแก้ระบบสมการเชิงเส้น โดยใช้ตัวผกผันการคูณของเมทริกซ์ ตีเทอร์มิเนนต์ และการดำเนินการตามมากๆ	180
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.4	182
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 5.4	185

6. พังก์ชัน	190
6.1 ความสัมพันธ์และตัวแปรผันของความสัมพันธ์	190
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.1	192
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.1	194
6.2 พังก์ชันและการดำเนินการของพังก์ชัน	199
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.2	201
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.2	203
6.3 พังก์ชันหนึ่งต่อหนึ่ง พังก์ชันทวีถึงและพังก์ชันผกผัน	209
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.3	212
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 6.3	214
7. เเรขาคณิติเคราะห์	222
7.1 ระยะทางระหว่างจุดสองจุด จุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุด	222
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.1	223
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.1	224
7.2 ความซับซ้อนของเส้นตรง เส้นชนวน เส้นตั้งฉาก และสมการเส้นตรง	229
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.2	233
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.2	234
7.3 วงกลม พาราโบลา วงรี ไฮเพอร์โบลา	240
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.3	248
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.3	251
7.4 การเลื่อนกราฟ	260
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.4	261
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 7.4	262
8. พังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล และพังก์ชันลอการิทึม	266
8.1 เลขยกกำลังที่มีเลขชี้กำลังเป็นจำนวนตรรกยะและสมบัติของเลขยกกำลัง	266
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.1	269
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.1	272
8.2 พังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล	284
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.2	285
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.2	287
8.3 ลอการิทึมของจำนวนและสมบัติของลอการิทึม	296
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.3	296
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 8.3	299

8.4	ฟังก์ชันลอการิทึม	312
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.4	313
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.4	315
8.5	สมการเอกซ์โพเนนเชียลและสมการลอการิทึม	319
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.5	319
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.5	321
8.6	อสมการเอกซ์โพเนนเชียลและอสมการลอการิทึม	334
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.6	334
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.6	337
8.7	การประยุกต์ของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม	347
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.7	348
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 8.7	348
9.	ฟังก์ชันตรีโภณมิติ	349
9.1	การกำหนดค่าของฟังก์ชันตรีโภณมิติ โดยวงกลมรัศมี 1 หน่วย	349
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.1	352
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.1	354
9.2	ฟังก์ชันตรีโภณมิติของมุมของรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก	360
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.2	360
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.2	363
9.3	กราฟของฟังก์ชันตรีโภณมิติ	369
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.3	374
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.3	376
9.4	ฟังก์ชันตรีโภณมิติของผลบวกและผลต่างของมุม	380
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.4	381
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.4	383
9.5	ผลคูณและผลบวกของฟังก์ชันไซน์หรือฟังก์ชันโคไซน์	389
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.5	390
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.5	392
9.6	ฟังก์ชันผกผันของฟังก์ชันตรีโภณมิติ	399
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.6	402
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.6	404
9.7	เอกลักษณ์และสมการตรีโภณมิติ	410
	แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.7	412
	เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.7	414

9.8 กฏของโคงไซน์และไซน์	422
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.8	423
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.8	425
9.9 การหาระยะทางและความสูง	433
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.9	433
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 9.9	435
10. เวกเตอร์	445
10.1 เวกเตอร์และสมบัติการบวก การลบ การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์	445
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.1	448
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.1	451
10.2 เวกเตอร์ในระบบพิกัดจากสองมิติ และสามมิติ	456
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.2	463
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.2	465
10.3 โคงไซน์แสดงทิศทาง	474
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.3	475
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.3	478
10.4 ผลคูณเชิงสเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์	484
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.4	486
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.4	488
10.5 การใช้เวกเตอร์ในการหาพื้นที่และปริมาตรของรูปและทรงลี่เหลี่ยมด้านขนาด	494
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.5	495
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 10.5	497

ส่วนที่ 2

ตอนที่ 11 – ตอนที่ 18

11. จำนวนเชิงซ้อน (Complex number)	3
11.1 จำนวนเชิงซ้อนและสมบัติการบวก ลบ คูณ หาร	3
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 11.1	5
เฉลยละเอียด	6
11.2 สังยุคของจำนวนเชิงซ้อนและสมบัติของสังยุคของจำนวนเชิงซ้อน	12
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 11.2	13
เฉลยละเอียด	14

11.3 กราฟและค่าสัมบูรณ์ของจำนวนเชิงชี้อนและสมบัติของค่าสัมบูรณ์	20
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 11.3	21
เฉลยละเอียด	23
11.4 จำนวนเชิงชี้อนในรูปเชิงชี้ และการคูณ การหารจำนวนเชิงชี้อน ในรูปเชิงชี้	30
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 11.4	32
เฉลยละเอียด	34
11.5 ทฤษฎีบทของเดอมาร์ และการหารากที่ n ของจำนวนเชิงชี้อน	45
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 11.5	46
เฉลยละเอียด	48
11.6 การแก้สมการพหุนามที่มีรากเป็นจำนวนเชิงชี้อน	60
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 11.6	62
เฉลยละเอียด	64
12. กำหนดการเขิงเส้น	71
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ เรื่องกำหนดการเขิงเส้น	72
เฉลยแบบตรวจสอบทบทวนความรู้ เรื่องกำหนดการเขิงเส้น	74
เฉลยละเอียดแบบตรวจสอบทบทวนความรู้ เรื่องกำหนดการเขิงเส้น	75
13. ความน่าจะเป็น	82
13.1 กฏเกณฑ์เบื้องต้นเกี่ยวกับการนับ	82
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.1	82
เฉลยแบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.1	84
เฉลยละเอียด	86
13.2 วิธีเรียงสับเปลี่ยน	89
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.2	91
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.2	94
เฉลยละเอียด	97
13.3 วิธีจัดหมู่	100
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.3	102
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 13.3	105
เฉลยละเอียด	107

13.4 ทฤษฎีบทวิวนám	111
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 13.4	112
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 13.4	114
เฉลยละเอียด	115
13.5 ความน่าจะเป็นและกฎที่สำคัญบางประการของความน่าจะเป็น.....	119
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 13.5	121
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 13.5	126
เฉลยละเอียด	132
14. ลำดับอนันต์ และอนุกรมอนันต์	138
14.1 ลำดับอนันต์	138
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 14.1	142
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 14.1	145
เฉลยละเอียด	150
14.2 อนุกรมอนันต์	154
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 14.2	157
เฉลยแนวคิดแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 14.2	160
เฉลยละเอียด	164
15. แคลคูลัสเบื้องต้น	168
15.1 ลิมิตและความต่อเนื่องของฟังก์ชัน	168
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.1	170
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.1	174
เฉลยละเอียด	178
15.2 อนุพันธ์และการหาอนุพันธ์ของฟังก์ชันพีชคณิต ความซันของเส้นโค้ง	183
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.2	185
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.2	188
เฉลยละเอียด	192
15.3 อนุพันธ์ของฟังก์ชันประกอบ	197
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.3	198
เฉลยแบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.3	200
เฉลยละเอียด	202
15.4 อนุพันธ์อันดับสูง	206
แบบตรวจสอบบททวนความรู้ 15.4	207
เฉลยละเอียด	209

15.5 การประยุกต์ของอนุพันธ์	213
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 15.5	217
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 15.5	219
เฉลยละเอียด	224
15.6 ปริพันธ์ไม่จำกัดเขต ปริพันธ์จำกัดเขต และการหาพื้นที่ปิดล้อมด้วยเส้นโค้ง	230
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 15.6	233
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 15.6	236
เฉลยละเอียด	241
16. การวิเคราะห์ข้อมูลเบื้องต้น	249
16.1 ค่ากลางของข้อมูล	249
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.1	253
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.1	257
เฉลยละเอียด	258
16.2 การวัดตำแหน่งที่หรือตำแหน่งสัมพัทธ์ของข้อมูล	265
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.2	267
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.2	271
เฉลยละเอียด	271
16.3 การวัดการกระจายของข้อมูล	279
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.3	281
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.3	286
เฉลยละเอียด	287
16.4 ความสัมพันธ์ระหว่างการแจกแจงความถี่ ค่ากลางและการกระจายของข้อมูล	304
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 16.4	306
เฉลยละเอียด	308
17. การแจกแจงปกติ	311
17.1 ค่ามาตรฐาน	311
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 17.1	311
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 17.1	314
เฉลยละเอียด	315
17.2 การแจกแจงปกติและเส้นโค้งปกติ	322
แบบทดสอบทบทวนความรู้ 17.2	323
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 17.2	327
เฉลยละเอียด	327

18. การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงฟังก์ชันระหว่างข้อมูล	336
18.1 การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงฟังก์ชันระหว่างข้อมูล	336
18.2 การประมาณค่าของค่าคงตัวโดยใช้วิธีกำลังสองน้อยสุด	337
แบบตรวจสอบทบทวนความรู้ 18.2	339
เฉลยแบบทดสอบทบทวนความรู้ 18.2	343
เฉลยละเอียด	344

ส่วนที่ 3

แบบทดสอบ PRE PAT 1 ชุด 1 – 2

แบบทดสอบ PRE PAT 1 ชุดที่ 1	356
เฉลยแบบทดสอบ PRE PAT 1 ชุดที่ 1	360
เฉลยละเอียด	361
แบบทดสอบ PRE PAT 1 ชุดที่ 2	379
เฉลยแบบทดสอบ PRE PAT 1 ชุดที่ 2	386
เฉลยละเอียด	386

